|  |  |
| --- | --- |
| Приложение 4 к рабочей программе дисциплины | |
| ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА В НАУЧНЫХ ИССЛЕДОВАНИЯХ | |
| **Фонд оценочных средств** | |
| Направление/ специальность подготовки | 12.04.05 Лазерная техника и лазерные технологии |
| Специализация/ профиль/ программа подготовки | Лазерные системы и технологии |
| Уровень высшего образования | Магистратура |
| Форма обучения | Очная |
| Факультет | И Информационные и управляющие системы |
| Выпускающая кафедра | И1 Лазерная техника |
| Кафедра-разработчик | О6 Высшая математика |
| Год приема | 2023 |

ФОС по дисциплине «Высшая математика в научных исследованиях»

ОП ВО 12.04.05 Лазерная техника и лазерные технологии «Лазерные системы и технологии», форма обучения очная.

ОПК-1 — способен представлять современную научную картину мира, выявлять естественнонаучную сущность проблемы, формулировать задачи, определять пути их решения и оценивать эффективность выбора и методов правовой защиты результатов интеллектуальной деятельности с учетом специфики исследований и разработки лазерной техники, оптических материалов и лазерных технологий.

1 семестр.

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Номер задания** | **Содержание вопроса** | **Компетенция** | **Время ответа, мин.** |
|  | Назовем расстоянием n -го порядка на отрезке [a; b] между функциями f(x) и g(x) сумму  Найти расстояние 1-го порядка между функциями и на отрезке [*-*1; 1] | ОПК-1 | 2 |
|  | Назовем расстоянием n -го порядка на отрезке [a; b] между функциями f(x) и g(x) сумму  Найти расстояние 0-го порядка между функциями и на отрезке [0; 1] | ОПК-1 | 3 |
|  | Пусть дан интегральный функционал \_\_\_\_A\_\_\_\_ граничные условия \_\_\_\_Б\_\_\_\_ дана непрерывная функция и существует положительное число *;* такое что для любой непрерывной функции , такой что ,для которой выполнено неравенство \_\_\_В\_\_\_ выполняется и неравенство \_\_\_Г\_\_\_ Тогда говорят, что функция доставляет функционалу *J*(*y*) сильный локальный минимум. Установить соответствие незаполненных ячеек А,Б,В,Г и блоков 1,2,3,4.   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 5 |
|  | Указать последовательность действий при решении простейшей задачи вариационного исчисления:   |  |  | | --- | --- | | А | Составить уравнение Эйлера | | Б | Используя граничные условия, найти неизвестные постоянные | | В | Найти экстремали | | Г | Установить наличие и тип экстремума | | ОПК-1 | 2 |
|  | Составить уравнение Эйлера для функционала , заданного на множестве | ОПК-1 | 2 |
|  | Выбрать правильное утверждение из следующих:   |  |  | | --- | --- | | 1 | если функция доставляет слабый экстремум, то она доставляет и сильный | | 2 | если функция доставляет сильный экстремум, то она доставляет и слабый | | 3 | если функция не доставляет сильный экстремум, то она  доставляет слабый | | 4 | если функция не доставляет сильный экстремум, то она  не доставляет и слабый | | ОПК-1 | 3 |
|  | Для задачи поиска экстремума функционала  при граничных условиях найдено решение уравнения Эйлера | ОПК-1 | 2 |
|  | Уравнение Эйлера для функционала   |  |  | | --- | --- | | 1 | имеет интеграл энергии | | 2 | имеет интеграл импульса | | 3 | не имеет интеграла импульса | | 4 | имеет и интеграл энергии и интеграл импульса | | ОПК-1 | 3 |
|  | Выполнение условия Якоби для допустимой экстремали, то есть для решения уравнения Эйлера, удовлетворяющего граничным условиям, говорит о том, что:   |  |  | | --- | --- | | 1 | эта экстремаль доставляет функционалу слабый максимум | | 2 | эта экстремаль доставляет функционалу слабый минимум | | 3 | эта экстремаль доставляет функционалу сильный максимум | | 4 | возможно включить допустимую экстремаль в поле экстремалей | | ОПК-1 | 1 |
|  | Установить соответствие между подынтегральным выражением функционала  и уравнением Эйлера-Лагранжа   |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | | 1 |  | А |  | | 2 |  | Б |  | | 3 |  | В |  | | 4 |  | Г |  | | ОПК-1 | 3 |
|  | Указать аргумент p функции Вейерштрасса для интегрального функционала | ОПК-1 | 1 |
|  | При каких уравнения Эйлера-Лагранжа функционала будут дифференциальными уравнениями алгебраическими   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 2 |
|  | При каких вариационная задача для функционала имеет первый интеграл   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 4 |
|  | Указать, какие функционалы определяют уравнение Эйлера-Лагранжа вида   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 2 |
|  | Указать, какие функционалы определяют уравнение Эйлера-Лагранжа вида   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 2 |
|  | Приведенное на рисунке поле для круга является  Изображение выглядит как круг, диаграмма, линия, шаблон  Автоматически созданное описание | ОПК-1 | 3 |
|  | Приведенное на рисунке поле для круга является  Изображение выглядит как чек, линия, круг, диаграмма  Автоматически созданное описание | ОПК-1 | 2 |
|  | Составить естественное граничное условие при для задачи поиска экстремума функционала | ОПК-1 | 5 |
|  | Составить естественное граничное условие при для задачи поиска экстремума функционала | ОПК-1 | 2 |
|  | Одним из условий, входящих в комплекс условий, достаточный для того, чтобы экстремаль функционала доставляла ему сильный минимум, является выполнение для нее (при всех  ) усиленного условия Лежандра: | ОПК-1 | 3 |

2 семестр:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Номер задания** | **Содержание вопроса** | **Компетенция** | **Время ответа, мин.** |
|  | Говорят, что решение задачи математической физики непрерывно зависит от начальных данных, если предельно малым изменениям начальных данных задачи соответствуют предельно малые изменения решения. В каком из перечисленных случаев имеем дело с корректно поставленной задачей математической физики   |  |  | | --- | --- | | 1 | Разность двух решений задачи не является предельно  малой величиной , а разность начальных данных соответствующих этим решениям стремится к нулю | | 2 | Не существует решения задачи удовлетворяющего всем  уравнениям и условиям задачи | | 3 | При одних и тех же начальных данных существует два  решения удовлетворяющих всем уравнениям и условиям задачи | | 4 | Решение существует, единственно и непрерывно зависит  от начальных данных | | ОПК-1 | 5 |
|  | Выяснить какие из приведенных равенств являются уравнениями в частных производных   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 2 |
|  | Приведенное уравнение имеет порядок | ОПК-1 | 5 |
|  | Указать, какому уравнению в частных производных удовлетворяет функция   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 5 |
|  | Найти уравнение поверхности, удовлетворяющей уравнению   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 5 |
|  | Дано уравнение . Какая из следующих функций будет **общим** решением этого уравнения:   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 2 |
|  | Указать характеристическую систему для уравнения | ОПК-1 | 3 |
|  | Решить задачу Коши  Изображение выглядит как Шрифт, линия, текст, белый  Автоматически созданное описание  Интерпретировать геометрически полученную интегральную поверхность   |  |  | | --- | --- | | 1 | Уравнение параболоида: | | 2 | Уравнение конуса | | 3 | Уравнение параболоида: | | 4 | Уравнение параболоида: | | ОПК-1 | 2 |
|  | Установить соответствие между уравнениями и их названиями.   |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | | 1 | линейное однородное уравнение первого порядка | А |  | | 2 | линейное неоднородное уравнение первого порядка | Б |  | | 3 | квазилинейное уравнение первого порядка | В |  | | 4 | нелинейное уравнение первого порядка | Г |  | | ОПК-1 | 3 |
|  | Указать тип приведенного уравнения | ОПК-1 | 3 |
|  | Приведенное уравнение является уравнением какого типа | ОПК-1 | 2 |
|  | Указать, какую нужно сделать замену переменных в линейном дифференциальном уравнении второго порядка , чтобы привести его к каноническому виду.   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 2 |
|  | Найти решение задачи Коши  Изображение выглядит как текст, Шрифт, линия, снимок экрана  Автоматически созданное описание   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 5 |
|  | Функции и называются ортогональными с весом ρ(x) на промежутке [a; b], если выполняется равенство | ОПК-1 | 5 |
|  | Какое из приведенных уравнений является волновым уравнением?   |  |  | | --- | --- | | 1 |  | | 2 |  | | 3 |  | | 4 |  | | ОПК-1 | 5 |
|  | При решении волнового уравнения нетривиальное решение задачи имеет вид . При заданных граничных условиях собственная функция имеет вид | ОПК-1 | 2 |
|  | При решении волнового уравнения нетривиальное решение задачи имеет вид . При заданных граничных условиях собственная функция имеет вид | ОПК-1 | 3 |
|  | Краевая задача для однородного уравнения Лапласа в односвязной области , где - нормально к границе Ω , имеющая вид, называется  Изображение выглядит как Шрифт, текст, линия, белый  Автоматически созданное описание | ОПК-1 | 2 |
|  | Краевая задача для однородного уравнения Лапласа в односвязной области , где - нормально к границе Ω , имеющая вид, называется  Изображение выглядит как Шрифт, текст, белый, линия  Автоматически созданное описание | ОПК-1 | 5 |
|  | Приведенный оператор является какого типа | ОПК-1 | 3 |