

УТВЕРЖДАЮ  
Декан факультета

\_\_\_\_\_ Матвеев П.В.  
(подпись)      ФИО  
«\_\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА

Направление/специальность подготовки	12.03.05 Лазерная техника и лазерные технологии
Специализация/профиль/программа подготовки	Лазерная техника и лазерные технологии
Уровень высшего образования	Бакалавриат
Форма обучения	Очная
Факультет	И Информационных и управляющих систем
Выпускающая кафедра	И1 ЛАЗЕРНАЯ ТЕХНИКА
Кафедра-разработчик рабочей программы	О6 ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА

КУРС	СЕМЕСТР	ОБЩАЯ ТРУДОЁМКОСТЬ (ЗАЧЕТНЫХ ЕДИНИЦ)	ЧАСЫ (по наличию видов занятий)									ВИД ПРОМЕЖУТОЧНОГО КОНТРОЛЯ
			ОБЩАЯ ТРУДОЁМКОСТЬ	АУДИТОРНЫЕ ЗАНЯТИЯ				САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА				
				ВСЕГО	ЛЕКЦИИ	ЛАБОРАТОРНЫЙ ПРАКТИКУМ	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ	ВСЕГО	КУРСОВОЙ ПРОЕКТ	КУРСОВАЯ РАБОТА	ДРУГИЕ ВИДЫ САМОСТ. РАБОТЫ	
1	1	5	180	102	34	0	68	78	0	0	78	диф. зач.
1	2	4	144	68	34	0	34	76	0	0	76	диф. зач.
2	3	5	180	68	34	0	34	112	0	0	112	экз.
ВСЕГО		14	504	238	102	0	136	266	0	0	266	

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА СОСТАВЛЕНА В СООТВЕТСТВИИ С ТРЕБОВАНИЯМИ ФЕДЕРАЛЬНОГО  
ГОСУДАРСТВЕННОГО ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО СТАНДАРТА ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ (ФГОС ВО)

12.03.05 Лазерная техника и лазерные технологии

год набора группы: 2024

Программу составили:

Кафедра О6 ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА  
Белкова Анастасия Леонидовна, к.ф.-м.н., доцент

\_\_\_\_\_

Кафедра О6 ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА  
Чернущ Павел Павлович, к.т.н., доцент

\_\_\_\_\_

Программа рассмотрена  
на заседании кафедры-разработчика  
рабочей программы **О6 ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА**

Заведующий кафедрой Винник П.М., д.т.н., доц.

\_\_\_\_\_

Программа рассмотрена  
на заседании выпускающей кафедры

**И1 ЛАЗЕРНАЯ ТЕХНИКА**

Заведующий кафедрой Борейшо А.С., д.т.н., проф.

\_\_\_\_\_

## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА**

### **Разделы рабочей программы**

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ
2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО
3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ
4. ФОРМЫ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ
5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ
6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### **Приложения к рабочей программе дисциплины**

- Приложение 1. Аннотация рабочей программы
- Приложение 2. Технологии и формы обучения
- Приложение 3. Фонды оценочных средств

## 1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью освоения дисциплины является формирование следующих компетенций:

ОПК-1 — способность применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с проектированием, конструированием и технологиями производства лазерной техники

Формированию компетенций служит достижение следующих результатов образования:

### **ОПК-1**

*знания:*

В области математического анализа:

основные положения теории функций одной переменной. Основные положения теории интегрального исчисления функций одной переменной. Основные положения теории числовых, степенных и функциональных рядов. Основные положения теории функций нескольких переменных.

В области линейной алгебры:

матрицы; определители; матричная алгебра; исследование и решение систем линейных алгебраических уравнений; линейные пространства, базис; квадратичные формы.

В области аналитической геометрии:

векторная алгебра, преобразование координат; прямые на плоскости; плоскость и прямая в пространстве; кривые и поверхности второго порядка.

В области теории дифференциальных уравнений:

условия существования и единственности решения задачи Коши для одного дифференциального уравнения и систем дифференциальных уравнений; решение дифференциальных уравнений; интегральное преобразование Лапласа. Решение систем дифференциальных уравнений;

*умения:*

В области математического анализа:

вычислять пределы функций и последовательностей; вычислять производные и дифференциалы любого порядка функций, заданных явно, неявно и параметрически; находить уравнения касательных и нормалей к плоским кривым; проводить полное исследование и построение графиков функций одной переменной; получать разложения функций по формуле Тейлора и использовать их для приближенных вычислений; решать задачи на экстремум функций; вычислять неопределённые и определённые интегралы функции одной переменной; исследовать на сходимость числовые ряды, находить области сходимости функциональных рядов; вычислять производные и дифференциалы любого порядка функций; находить уравнения касательных и нормальных плоскостей к пространственным кривым, касательных плоскостей и нормалей к поверхностям; решать задачи на экстремум функции нескольких переменных; вычислять кратные и поверхностные интегралы.

В области линейной алгебры:

вычислять определители; производить операции над матрицами; проводить исследование системы линейных алгебраических уравнений на совместность с помощью теоремы Кронекера-Капелли; находить решение квадратной неоднородной системы алгебраических линейных уравнений.

В области аналитической геометрии:

производить операции над геометрическими векторами; строить кривые и поверхности второго порядка.

В области теории дифференциальных уравнений:

находить общее и частное решения дифференциального уравнения и систем дифференциальных уравнений; находить особые точки и особые решения.

Находить и использовать, справочную литературу и базы данных по высшей математике, находить типичные пределы, производные и интегралы; исследовать поведение функций с помощью производных; исследовать сходимость рядов и интегралов;

*навыки:*

Овладеть основными математическими формулами, методами и способами их применения для решения задач естественнонаучных и технических дисциплин. Владеть методами решения задач, составляющих основу инженерно-конструкторской практики.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Дисциплина **ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА** является дисциплиной **обязательной части блока 1** программы подготовки по направлению *12.03.05 Лазерная техника и лазерные технологии*.

Содержание дисциплины является логическим продолжением содержания школьных курсов и служит основой для освоения дисциплин: **ФИЗИКА, ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ МАТЕМАТИКА, МЕТОДЫ ОПТИКО-ФИЗИЧЕСКИХ И ЛАЗЕРНЫХ ИЗМЕРЕНИЙ, МЕТРОЛОГИЯ, СТАНДАРТИЗАЦИЯ И УПРАВЛЕНИЕ КАЧЕСТВОМ, НАДЕЖНОСТЬ ЛАЗЕРНЫХ СИСТЕМ, НЕЛИНЕЙНАЯ ОПТИКА, ОПТИКА ЛАЗЕРОВ, ОСНОВЫ КВАНТОВОЙ ЭЛЕКТРОНИКИ, ОСНОВЫ ОПТИКИ, ПРИКЛАДНАЯ ОПТИКА, ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОЙ СТАТИСТИКИ, ТЕПЛОПЕРЕДАЧА В ЛАЗЕРНОЙ ТЕХНИКЕ**

Требования к уровню подготовки обучающихся и предварительные компетенции определены Федеральным государственным образовательным стандартом среднего общего образования.

### 3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 14 з.е., 504 ч.

#### 3.1. Содержание (дидактика) дисциплины

КУРС	СЕМЕСТР	Наименование разделов и дидактических единиц	ВСЕГО	Аудиторные занятия в контактной форме			Самостоятельная работа студентов	Формируемая компетенция, %
				ВСЕГО	Лекции	Практические занятия		ОПК-1
1	1	<b>Раздел 1. Элементы математической логики и теории множеств. Вещественные числа. Матрицы.</b> 1. Математическая логика: высказывание, предикат, множество истинности предиката, тождество, логические операции, следование, равносильность, квантор всеобщности, квантор существования, контрпример, формула алгебры логики, тавтология, обобщения законов де Моргана, достаточное условие, необходимое условие, необходимое и достаточное условие, теорема, лемма, следствие, определение, взаимно обратные и взаимно противоположные теоремы, метод математической индукции. Натуральные, целые, рациональные числа. Вещественные числа и их основные свойства. Представление действительного числа в виде бесконечной десятичной дроби. Теория множеств: множество, равные множества, подмножества, основные операции над множествами, диаграммы Эйлера-Венна, декартово произведение, конечное, счётное и несчётное множество, упорядоченные множества. Числовые множества: окрестности, промежутки, открытые и замкнутые множества, предельные и изолированные точки, минимальный и максимальный элемент, точные нижняя и верхняя грани. 2. Абстрактное линейное пространство. Аксиомы и основные следствия из них. Примеры конкретных линейных пространств: арифметические векторы, функции, полиномы и т. д. Линейная зависимость и независимость систем векторов. Базис и размерность линейного пространства. Матрицы и операции над матрицами. Основные виды матриц. Определители матриц. Основные теоремы и свойства определителей.	19	7	2	5	12	5
1	1	<b>Раздел 2. Функции от одной вещественной переменной. Решение систем линейных уравнений.</b> 1. Понятие отображения. Функции от одной вещественной переменной: определение, область значений и область определения функции, образ и прообраз точки и множества, сложная функция, график функции, изображение графика функции. Равенство функций, периодические функции, чётная и нечётная функции, обратная функция, ограниченная и неограниченная функции, монотонные функции. Элементарные функции и их графики. 2. Способы задания функции: неявный, параметрический. Полярная система координат и построение графиков в ней. 3. Теорема Крамера. Решение линейных систем и матричных уравнений с помощью обратной матрицы и по формулам Крамера. Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре. Элементарные преобразования матриц и систем линейных уравнений. Метод Гаусса. Теорема Кронекера – Капелли и основные следствия из неё.	22	10	2	8	12	5
1	1	<b>Раздел 3. Теория пределов. Непрерывные функции. Системы линейных уравнений.</b> 1. Числовые последовательности: способ задания, возрастающие и убывающие, ограниченные последовательности. Предел последовательности, последовательности, сходящиеся к бесконечности. Теорема Больцано-Вейерштрасса, фундаментальные последовательности, критерий Коши. Простейшие свойства сходящихся последовательностей. 2. Предел функции: два определения и их равносильность, предел функции на бесконечности. Единственность предела, теоремы о пределах суммы, разности, произведения и частного двух функций, теорема о пределе сложной функции, теоремы сравнения. Теорема о постоянстве знака. Односторонние пределы. 3. Замечательные пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции: сравнение бесконечно больших и бесконечно малых функций (эквивалентности, символы $o$ , $O$ , порядок малости функции). 4. Раскрытие неопределённости. Теорема о замене бесконечно малых функций на эквивалентные для произведения и отношения функций. Определение показательной и степенной функции. 5. Определение непрерывности функции в точке и на множестве, типы разрывов. Теоремы о непрерывности суммы, разности, произведения и частного непрерывных функций, теорема о непрерывности композиции непрерывных функций (правило замены переменной при вычислении пределов, следствие о непрерывности функции, заданной параметрическим образом). 6. Свойства функций, непрерывных в точке: ограниченность, сохранение знака. Свойства функций, непрерывных на отрезке: теорема Вейерштрасса, теорема о промежуточном значении, о множестве значений, теорема об обратной функции. Элементарные функции и их непрерывность. 7. Геометрические векторы и их основные свойства. Декартовы координаты векторов и точек. Скалярное произведение геометрических векторов. Векторное и смешанное произведение, их основные свойства.	40	24	12	12	16	10
1	1	<b>Раздел 4. Производные и дифференциалы. Аналитическая геометрия.</b> 1. Определение производной, левая и правая производные, теорема о непрерывности дифференцируемой функции, механический и геометрический смысл производной, касательная и нормаль к графику функции, производные основных элементарных функций. Теоремы о дифференцируемости суммы, разности, произведения и частного двух дифференцируемых функций, производная сложной функции, дифференцирование обратной функции и функций, заданных параметрическим способом или неявно. Дифференциал функции, его основные свойства, инвариантность формы первого дифференциала. 2. Геометрический смысл дифференциала. Его использование для приближенного вычисления значений функции. 3. Производные и дифференциалы высших порядков. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши и их применение. Правило Лопиталя. 4. Формула Тейлора для многочлена, формула Тейлора с остаточным членом в форме Пеано и в форме Лагранжа. Разложение основных элементарных функций по формулам Тейлора и Маклорена. Применение формулы Тейлора для приближенных вычислений. 5. Исследование дифференцируемых функций: условия монотонности функции; экстремумы функции, необходимое и достаточные условия; отыскание наибольшего и наименьшего значений функции; исследование выпуклости функций, точки перегиба; асимптоты функций. 6. Использование рассмотренных математических методов в практической деятельности. 7. Прямая линия на плоскости. Различные формы уравнений прямой, угол между двумя прямыми. Кривые второго порядка на плоскости. Прямая и плоскость в пространстве, различные формы их уравнений. Углы между прямыми, плоскостями, прямой и плоскостью. Понятие о гиперплоскости. Поверхности второго порядка. 8. Комплексные числа. Действия с ними. Геометрическое представление комплексного числа.	99	61	18	43	38	10
<b>Всего за 1 семестр</b>			180	102	34	68	78	30
1	2	<b>Раздел 5. Неопределённый интеграл и его свойства.</b> Первообразная, неопределённый интеграл и его основные свойства, таблица интегралов, интегрирование по частям и с помощью замены переменной. Многочлены и рациональные дроби. Теоремы Гаусса и Безу, разложение многочлена с действительными коэффициентами на линейные и квадратичные множители, рациональные дроби, разложение правильной рациональной дроби на простейшие. Интегрирование рациональных дробей и некоторых иррациональных и трансцендентных функций, примеры неберущихся интегралов.	50	20	8	12	30	10
1	2	<b>Раздел 6. Определённый интеграл.</b> Определённый интеграл и его свойства. Задачи, приводящие к понятию определённого интеграла. Определённый интеграл и его свойства. Определённый интеграл с переменным верхним пределом. Теорема Барроу. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям и заменой переменной в определённом интеграле. Классы функций, интегрируемых по Риману. Теоремы о среднем. Приложения определённого интеграла (вычисление площадей, длин дуг, объёмов тел и др.). Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций, их основные свойства. Проверка сходимости при исследовании сходимости несобственных интегралов. Абсолютная сходимость. Формула Ньютона-Лейбница для несобственных интегралов. Понятие главного значения несобственного интеграла. Гамма-функция.	40	20	10	10	20	10
1	2	<b>Раздел 7. Криволинейные интегралы.</b> Вектор-функция скалярного аргумента. Кривые в реальном пространстве и на плоскости. Длина кривой в реальном пространстве и на плоскости. Касательный вектор кривой. Касательная и нормальная плоскость кривой. Регулярная кривая. Натуральный параметр и натуральное уравнение кривой. Кривизна кривой. Скалярное поле. Криволинейный интеграл первого рода и его физическая интерпретация. Векторное поле. Ориентированная кривая. Криволинейный интеграл второго рода и его физический смысл.	18	8	4	4	10	10
1	2	<b>Раздел 8. Ряды.</b> Определение числового ряда. Вычисление суммы ряда по определению. Ряд геометрической прогрессии. Теорема о сходимости линейной комбинации сходящихся рядов и теорема о сходимости ряда с ограниченными частными суммами. Критерий Коши сходимости ряда. Необходимый признак сходимости. Гармонический ряд. Абсолютная и условная сходимость. Теорема о сходимости абсолютно сходящегося ряда. Признаки сравнения. Признак Даламбера. Радиальный признак Коши. Интегральный признак. Обобщённый гармонический ряд. Знакопеременные ряды. Теорема Лейбница. Теорема Римана. Перестановочное свойство абсолютно сходящихся рядов. Функциональные последовательности и ряды. Их сходимость. Равномерная сходимость. Критерий Коши равномерной сходимости. Мажорантный признак Вейерштрасса. Теоремы: о пределе суммы, о непрерывности суммы, о дифференцировании и интегрировании суммы. Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус и интервал сходимости. Свойства степенных рядов. Ряды Тейлора и Маклорена. Критерий и признак сходимости ряда Тейлора. Разложения основных функций. Приближенные вычисления с помощью рядов.	36	20	12	8	16	10
<b>Всего за 2 семестр</b>			144	68	34	34	76	40
2	3	<b>Раздел 9. Теория функций нескольких переменных.</b> Области определения и значений функции нескольких переменных: открытые, замкнутые, ограниченные, линейно связанные, выпуклые. Предел и непрерывность функции. Частные производные. Дифференциал функции и его применения. Инвариантность формы полного дифференциала. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Производная по направлению, градиент. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. Основные теоремы о неявных функциях. Неявные функции, их существование и дифференцирование. Дифференцируемые отображения и их якобианы. Условия независимости системы функций. Теорема об обратном отображении. Экстремумы функций нескольких переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа.	38	18	8	10	20	10
2	3	<b>Раздел 10. Дифференциальные уравнения. Системы дифференциальных уравнений.</b> Физические и практические задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Уравнения первого порядка. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Особые решения уравнений. Основные классы уравнений, интегрируемые в квадратурах: с разделяющимися переменными, с однородной правой частью, линейные, в полных дифференциалах. Методы решения линейных уравнений. Уравнения Бернулли, Лагранжа и Клеро. Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши. Уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения. Определитель Вронского и его свойства. Фундаментальная система решений. Общее решение однородного и неоднородного уравнений. Метод Лагранжа вариации постоянных. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Уравнения с правой частью специального вида. Нормальная система дифференциальных уравнений. Векторная запись. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Системы линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Методы решения однородных и неоднородных систем. Устойчивость дифференциальных уравнений и систем. Точки покоя, их типы. Метод функций Ляпунова.	80	30	18	12	50	10
2	3	<b>Раздел 11. Кратные интегралы.</b> Двойной и тройной интегралы, их свойства и их приложения. Сведение кратного интеграла к повторному. Замена переменных в кратных интегралах. Полярные, цилиндрические и сферические	62	20	8	12	42	10

	координаты. Поверхностные интегралы, их свойства и вычисления. Геометрические и механические приложения кратных, криволинейных и поверхностных интегралов. Скалярное и векторное поле. Циркуляция векторного поля вдоль кривой. Формула Грина. Условия потенциальности векторного поля на плоскости. Поток поля через поверхность. Дивергенция векторного поля, её физический смысл. Формула Гаусса – Остроградского. Ротор векторного поля. Оператор Гамильтона. Формула Стокса. Потенциальное поле, его свойства. Условия потенциальности. Нахождение потенциала. Соленоидальное поле и его свойства.						
Всего за 3 семестр		180	68	34	34	112	30
Всего по дисциплине		504	238	102	136	266	100

### 3.2. Аудиторный практикум

№ п/п	Номер и наименование раздела дисциплины	Тема практического занятия	Объем, ауд. часов
1	Раздел 1. Элементы математической логики и теории множеств. Вещественные числа. Матрицы.	Множества	1
2		Определители второго и третьего порядков.	2
3		Матрицы. Действия с ними.	2
4	Раздел 2. Функции от одной вещественной переменной. Решение систем линейных уравнений.	Элементарные функции	3
5		Решение систем линейных уравнений	5
6	Раздел 3. Теория пределов. Непрерывные функции. Системы линейных уравнений.	Числовые последовательности	2
7		Бесконечно малые и бесконечно большие функции.	2
8		Раскрытие неопределённостей	4
9		Векторы. Действия с векторами. Скалярное, векторное и смешанное произведение.	4
10	Раздел 4. Производные и дифференциалы. Аналитическая геометрия.	Производные первого порядка	9
11		Производные высших порядков	4
12		Применение производных	10
13		Прямая на плоскости.	2
14		Плоскость в пространстве.	2
15		Прямая в пространстве.	2
16		Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.	2
17		Эллипс.	2
18		Гипербола.	2
19		Парабола.	2
20		Общее уравнение кривой второго рода.	2
21		Поверхности второго порядка	4
Всего за 1 семестр			68
22	Раздел 5. Неопределённый интеграл и его свойства.	Подведение под дифференциал. Интегрирование по частям.	2
23		Интегрирование дробей	4
24		Интегрирование иррациональных и тригонометрических дробей.	4
25		Замены переменной	2
26	Раздел 6. Определённый интеграл.	Приложения определённого интеграла	6
27		Несобственный интеграл	4
28	Раздел 7. Криволинейные интегралы.	Криволинейные интегралы I рода	2
29		Криволинейные интегралы II рода	2
30	Раздел 8. Ряды.	Числовые ряды	4
31		Степенные ряды	2
32		Функциональные ряды	2
Всего за 2 семестр			34
33	Раздел 9. Теория функций нескольких переменных.	Дифференцирование функции нескольких переменных. Сложная функция, параметрически заданная, неявно заданная.	4
34		Производные и дифференциалы первого порядка. Производные высшего порядка.	2
35		Касательная плоскость и нормаль.	2
36		Экстремумы.	2
37	Раздел 10. Дифференциальные уравнения. Системы дифференциальных уравнений.	ОДУ 1 порядка	4
38		ОДУ высших порядков	6
39		Системы ОДУ 1 порядка	2
40	Раздел 11. Кратные интегралы.	Двойные интегралы	4
41		Тройные интегралы	4
42		Поверхностные интегралы	4
Всего за 3 семестр			34

### 3.3. Самостоятельная работа студента (СРС)

№ п/п	Номер и наименование раздела дисциплины	Содержание учебного задания	Объем, часов
1	Раздел 1. Элементы математической логики и теории множеств. Вещественные числа. Матрицы.	Решение задач на тему: "Матрицы и определители"	12
2	Раздел 2. Функции от одной вещественной переменной. Решение систем линейных уравнений.	Решение задач на тему "Свойства элементарных функций"	3
3		Решение задач по теме: "Системы линейных уравнений"	9
4	Раздел 3. Теория пределов. Непрерывные функции. Системы линейных уравнений.	Решение задач по теме: "Пределы"	8
5		Решение задач на тему: "Скалярное, векторное и смешанное произведение".	8
6	Раздел 4. Производные и дифференциалы. Аналитическая геометрия.	Решение задач по теме: "Производные"	12
7		Решение задач по теме: "Построение графиков"	12
8		Решение задач по теме: "Аналитическая геометрия"	14

Всего за 1 семестр			78
9	Раздел 5. Неопределённый интеграл и его свойства.	Решение задач на тему: "Неопределённый интеграл"	30
10	Раздел 6. Определённый интеграл.	Решение задач по теме: "Приложения определённого интеграла"	16
11		Решение задач по теме: "Несобственный интеграл"	4
12	Раздел 7. Криволинейные интегралы.	Решение задач по теме: "Криволинейные интегралы I рода"	5
13		Решение задач по теме: "Криволинейные интегралы II рода"	5
14	Раздел 8. Ряды.	Решение задач на тему: "Ряды"	16
Всего за 2 семестр			76
15	Раздел 9. Теория функций нескольких переменных.	Решение задач на тему: "Дифференцирование функции нескольких переменных".	20
16	Раздел 10. Дифференциальные уравнения. Системы дифференциальных уравнений.	Решение задач на тему: "Дифференциальные уравнения первого порядка".	10
17		Решение задач на тему: "Дифференциальные уравнения высших порядков".	20
18		Решение задач на тему: "Устойчивость"	20
19	Раздел 11. Кратные интегралы.	Решение задач на тему: "Двойные интегралы"	12
20		Решение задач на тему: "Тройные интегралы"	12
21		Решение задач на тему: "Поверхностные интегралы"	8
22		Решение задач на тему: "Теория поля"	10
Всего за 3 семестр			112

#### 4. ФОРМЫ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

СЕМЕСТР	НЕДЕЛИ СЕМЕСТРА																
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
1			ВПЗ		ВПЗ	ДР		ВПЗ		ДР	ВПЗ	ВПЗ			ВПЗ	ДР	диф. зач.
2			ВПЗ		ВПЗ	ДР		ВПЗ		ДР	ВПЗ	ВПЗ			ВПЗ	ДР	диф. зач.
3			ВПЗ		ВПЗ	ДР		ВПЗ		ДР	ВПЗ	ВПЗ			ВПЗ	ДР	

Условные обозначения:

- ДР – диагностическая работа;
- ВПЗ – вопросы/задания по темам ПЗ;
- диф. зач. – дифференцированный зачет;
- диф. зач. – дифференцированный зачет.

**Текущий контроль успеваемости** студентов проводится в дискретные временные интервалы в следующих формах:

- диагностическая работа;
- вопросы/задания по темам ПЗ.

**Промежуточная аттестация** проводится в формах:

- дифференцированный зачет;
- экзамен.

## 5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 5.1. Основная литература по дисциплине:

1. А. Н. Канатников, А. П. Крищенко. . Аналитическая геометрия. М.: Изд-во МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2019, эл. рес.
2. А. П. Потапов. . Линейная алгебра и аналитическая геометрия. Москва: Юрайт, 2020, эл. рес.
3. А. П. Рябушко. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 4 Операционное исчисление. БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007, эл. рес.
4. А. П. Рябушко. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 4 Операционное исчисление. БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007, 198 экз.
5. А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 3 Ряды. БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007, эл. рес.
6. А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Ряды. БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007, 146 экз.
7. А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 2 Комплексные числа. БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007, эл. рес.
8. А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 1 Линейная и векторная алгебра. БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007, 917 экз.
9. А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 3 Ряды. БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007, 129 экз.
10. А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 1 Линейная и векторная алгебра. БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007, эл. рес.
11. А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 2 Комплексные числа. БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007, 406 экз.
12. А. Ф. Филиппов. Сборник задач по дифференциальным уравнениям. Ижевск: Регулярная и хаотическая динамика, 2005, 28 экз.
13. В. Л. Файншмидт. . Теория поля. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2020, 46 экз.
14. В. Л. Файншмидт. . Дифференциальное и интегральное исчисление функций одного аргумента. СПб.: БХВ-Петербург, 2006, 188 экз.
15. В. Л. Файншмидт. . Дифференциальное и интегральное исчисление функций нескольких аргументов. СПб.: БХВ-Петербург, 2007, 242 экз.
16. В. Л. Файншмидт. . Дифференциальное и интегральное исчисление функций одного аргумента. СПб.: БХВ-Петербург, 2007, 237 экз.
17. В. Л. Файншмидт. . Элементы алгебры и аналитической геометрии. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015, 182 экз.
18. В. Л. Файншмидт. . Элементы алгебры и аналитической геометрии. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015, эл. рес.
19. В. Л. Файншмидт, П. М. Винник, А. А. Тарасов. . Индивидуальные задания по дифференциальному и интегральному исчислению функций нескольких аргументов. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2010, 174 экз.
20. В. Л. Файншмидт, П. М. Винник, А. А. Тарасов. . Индивидуальные задания по дифференциальному и интегральному исчислению функций нескольких аргументов. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2010, эл. рес.
21. В. Л. Файншмидт, П. М. Винник, И. В. Гусев. . Функции комплексного аргумента. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2013, эл. рес.
22. Г. Н. Берман. . Сборник задач по курсу математического анализа. СПб.: Профессия, 2005, 1399 экз.
23. Д. Т. Письменный. . Конспект лекций по высшей математике . М.: Айрис-пресс, 2006, 752 экз.
24. Е. С. Баранова, А. А. Брацлавский, П. М. Винник. . Ряды. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008, эл. рес.
25. Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, А. М. Попов. . Линейная алгебра. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008, эл. рес.
26. Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, А. М. Попов. . Линейная алгебра. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015, эл. рес.
27. Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, А. М. Попов. . Линейная алгебра. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015, 64 экз.
28. Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, И. С. Нуднер. . Дифференциальные уравнения. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008, эл. рес.
29. Е. С. Баранова, П. М. Винник, С. В. Гарынина. Дифференциальное исчисление. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008, 621 экз.
30. Е. С. Баранова, П. М. Винник, С. В. Гарынина. . Дифференциальное исчисление. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008, эл. рес.
31. Е. С. Баранова, П. М. Винник, Т. В. Винник. . Интегральное исчисление. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2012, эл. рес.
32. Е. С. Баранова, П. М. Винник, Т. В. Винник. . Интегральное исчисление. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2012, 221 экз.
33. И. С. Нуднер, М. С. Попов, А. А. Тарасов. . Функции нескольких переменных. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008, эл. рес.
34. П. П. Чернущ, П. П. Чернущ. . Основы теории устойчивости. СПб.: Изд-во БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2022, эл. рес.
35. П. П. Чернущ, П. П. Чернущ. . Устойчивость по Ляпунову. СПб.: Изд-во БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2022, эл. рес.
36. П. П. Чернущ, П. П. Чернущ. . Основы теории устойчивости. СПб.: Изд-во БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2022, 129 экз.
37. П. П. Чернущ, П. П. Чернущ. . Устойчивость по Ляпунову. СПб.: Изд-во БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2022, 124 экз.
38. С. В. Резниченко. . Аналитическая геометрия в примерах и задачах. Москва: Юрайт, 2020, эл. рес.
39. Я. С. Бугров, С. М. Никольский. Высшая математика. Высшая математика. Москва: Юрайт, 2022, эл. рес.
40. Я. С. Бугров, С. М. Никольский. . Высшая математика. Москва: Юрайт, 2022, эл. рес.

### 5.2. Дополнительная литература по дисциплине:

1. А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Линейная и векторная алгебра. БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2009, 3 экз.
2. В. Л. Файншмидт. . Теория поля. СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2020, 0 экз.

### 5.3. Периодические издания:

не требуются.

### 5.4. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимых для освоения дисциплины, электронные библиотечные системы:

1. <https://ibooks.ru/> — ЭБС Айбукс.ру - это большой выбор актуальной литературы для вашей библиотеки в электронном виде;
2. <https://e.lanbook.com/> — ЭБС Лань;
3. <https://repository.library.voenmeh.ru/jspui/> — Фундаментальная библиотека БГТУ «ВОЕНМЕХ» им. Д.Ф. Устинова;
4. <https://urait.ru/> — Главная – Образовательная платформа Юрайт. Для вузов и ссузов..

### Современные профессиональные базы данных:

1. <https://rusneb.ru> – Национальная электронная библиотека (НЭБ);

2. <https://cyberleninka.ru/> - Научная электронная библиотека «Киберленинка»;  
<http://www.rfbr.ru/rffi/ru/library> - Полнотекстовая электронная библиотека Российского фонда фундаментальных исследований.

Информационные справочные системы:

1. Техэксперт – Информационный портал технического регулирования: Нормы, правила, стандарты РФ;
2. [http://library.voenmeh.ru/jirbis2/index.php?option=com\\_irbis&view=irbis&Itemid=457](http://library.voenmeh.ru/jirbis2/index.php?option=com_irbis&view=irbis&Itemid=457) - БД ГОСТов собственной генерации БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова;
3. <http://www.consultant.ru/> - КонсультантПлюс- информационный портал правовой информации.

5.5. Программное обеспечение:

не требуется.

5.6. Информационные технологии:

взаимодействие с обучающимися посредством ЭИОС Moodle БГТУ «ВОЕНМЕХ» им. Д.Ф. Устинова.

## **6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **6.1. Лекционные занятия:**

специализированные требования по оборудованию отсутствуют; аудитория с посадочными местами по количеству студентов; доска.

### **6.2. Практические занятия:**

1. Аудитория с числом посадочных мест не меньше количества обучающихся.

### **6.3. Прочее:**

1. рабочее место преподавателя, оснащенное компьютером с доступом в Интернет;
2. рабочие места студентов, оснащенные компьютерами с доступом в Интернет, предназначенные для работы в электронной образовательной среде.

### **Аннотация рабочей программы**

Дисциплина **ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА** является дисциплиной **обязательной части блока 1** программы подготовки по направлению *12.03.05 Лазерная техника и лазерные технологии*. Дисциплина реализуется на факультете *О Естественнаучный БГТУ "ВОЕНМЕХ"* им. Д.Ф. Устинова кафедрой *О6 ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА*.

Дисциплина нацелена на формирование *компетенций*:

ОПК-1 способность применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с проектированием, конструированием и технологиями производства лазерной техники.

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с целостным пониманием связи математических моделей с практическими задачами. Основная идея курса: овладение математическими формулами, методами и способами их применения для решения задач естественнонаучных и технических дисциплин, а также задач, составляющих основу инженерно-конструкторской практики.

Программой дисциплины предусмотрены следующие **виды контроля**:

**Текущий контроль успеваемости** студентов проводится в дискретные временные интервалы в следующих формах:

- диагностическая работа;
- вопросы/задания по темам ПЗ.

**Промежуточная аттестация** проводится в формах:

- дифференцированный зачет;
- экзамен.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет **14 з.е., 504 ч.** Программой дисциплины предусмотрены лекционные занятия (**102 ч.**), практические занятия (**136 ч.**), самостоятельная работа студента (**266 ч.**).

## ТЕХНОЛОГИИ И ФОРМЫ ОБУЧЕНИЯ

### Рекомендации по освоению дисциплины для студента

Трудоемкость освоения дисциплины составляет 504 ч., из них 238 ч. аудиторных занятий, и 266 ч., отведенных на самостоятельную работу студента.

Рекомендации по распределению учебного времени по видам самостоятельной работы и разделам дисциплины приведены в таблице.

Контроль освоения дисциплины производится в соответствии с Положением о текущем, рубежном контроле успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся.

Формы контроля и критерии оценивания приведены в приложении 3 к Рабочей программе.

Наименование работы	Рекомендуемая литература	Трудоемкость, час.
<b>Раздел 1. Элементы математической логики и теории множеств. Вещественные числа. Матрицы.</b>		
Решение задач на тему: "Матрицы и определители"	Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, А. М. Попов. . Линейная алгебра: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (1) Д. Т. Письменный. . Конспект лекций по высшей математике : М.: Айрис-пресс, 2006 (1, 4) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 1 Линейная и векторная алгебра: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (1, 5) Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, А. М. Попов. . Линейная алгебра: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015 (1) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Линейная и векторная алгебра: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2009 (1, 5) Е. С. Баранова, П. М. Винник, С. В. Гарынина. Дифференциальное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (1) Е. С. Баранова, П. М. Винник, С. В. Гарынина. . Дифференциальное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (1)	12
Итого по разделу 1		12
<b>Раздел 2. Функции от одной вещественной переменной. Решение систем линейных уравнений.</b>		
Решение задач на тему "Свойства элементарных функций"	В. Л. Файншмидт. . Элементы алгебры и аналитической геометрии: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015 (1) В. Л. Файншмидт. . Элементы алгебры и аналитической геометрии: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015 (1) В. Л. Файншмидт. . Дифференциальное и интегральное исчисление функций одного аргумента: СПб.: БХВ-Петербург, 2007 (1) Д. Т. Письменный. . Конспект лекций по высшей математике : М.: Айрис-пресс, 2006 (1, 5) Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, А. М. Попов. . Линейная алгебра: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (2)	3
Решение задач по теме: "Системы линейных уравнений"	Е. С. Баранова, П. М. Винник, С. В. Гарынина. Дифференциальное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (1) Е. С. Баранова, П. М. Винник, С. В. Гарынина. . Дифференциальное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (1) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 1 Линейная и векторная алгебра: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (2, 5) Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, А. М. Попов. . Линейная алгебра: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015 (2) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Линейная и векторная алгебра: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2009 (2, 5)	9
Итого по разделу 2		12
<b>Раздел 3. Теория пределов. Непрерывные функции. Системы линейных уравнений.</b>		
Решение задач по теме: "Пределы"	Г. Н. Берман. . Сборник задач по курсу математического анализа: СПб.: Профессия, 2005 (1, 2)	8
Решение задач на тему: "Скалярное, векторное и смешанное произведение".	В. Л. Файншмидт. . Элементы алгебры и аналитической геометрии: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015 (2) В. Л. Файншмидт. . Дифференциальное и интегральное исчисление функций нескольких аргументов: СПб.: БХВ-Петербург, 2007 (2) Е. С. Баранова, П. М. Винник, С. В. Гарынина. . Дифференциальное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (2) А. П. Потапов. . Линейная алгебра и аналитическая геометрия: Москва: Юрайт, 2020 (1, 2, 3) В. Л. Файншмидт. . Элементы алгебры и аналитической геометрии: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015 (2) Д. Т. Письменный. . Конспект лекций по высшей математике : М.: Айрис-пресс, 2006 (2, 5) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 1 Линейная и векторная алгебра: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (3, 5) Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, А. М. Попов. . Линейная алгебра: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015 (3) Е. С. Баранова, П. М. Винник, С. В. Гарынина. . Дифференциальное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (2) Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, А. М. Попов. . Линейная алгебра: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015 (3)	8

	А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 1 Линейная и векторная алгебра; БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (3, 5)	
Итого по разделу 3		16
<b>Раздел 4. Производные и дифференциалы. Аналитическая геометрия.</b>		
Решение задач по теме: "Производные"	С. В. Резниченко. Аналитическая геометрия в примерах и задачах: Москва: Юрайт, 2020 (1, 2, 3) А. Н. Канатников, А. П. Крищенко. Аналитическая геометрия: М.: Изд-во МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2019 (1, 2, 3) А. П. Потапов. Линейная алгебра и аналитическая геометрия: Москва: Юрайт, 2020 (4, 5) В. Л. Файншмидт. Элементы алгебры и аналитической геометрии: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015 (3)	12
Решение задач по теме: "Построение графиков"	Д. Т. Письменный. Конспект лекций по высшей математике: М.: Айрис-пресс, 2006 (3, 4, 5, 6) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 1 Линейная и векторная алгебра; БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (3, 4, 6) В. Л. Файншмидт, П. М. Винник, И. В. Гусев. Функции комплексного аргумента: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2013 (1) В. Л. Файншмидт. Элементы алгебры и аналитической геометрии: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2015 (3)	12
Решение задач по теме: "Аналитическая геометрия"	А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 1 Линейная и векторная алгебра: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (3, 4, 6) В. Л. Файншмидт. Дифференциальное и интегральное исчисление функций одного аргумента: СПб.: БХВ-Петербург, 2007 (1) Г. Н. Берман. Сборник задач по курсу математического анализа: СПб.: Профессия, 2005 (3)	14
Итого по разделу 4		38
<b>Раздел 5. Неопределённый интеграл и его свойства.</b>		
Решение задач на тему: "Неопределённый интеграл"	Д. Т. Письменный. Конспект лекций по высшей математике: М.: Айрис-пресс, 2006 (7) Е. С. Баранова, П. М. Винник, Т. В. Винник. Интегральное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2012 (1) Г. Н. Берман. Сборник задач по курсу математического анализа: СПб.: Профессия, 2005 (5) Е. С. Баранова, П. М. Винник, Т. В. Винник. Интегральное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2012 (1) В. Л. Файншмидт. Дифференциальное и интегральное исчисление функций одного аргумента: СПб.: БХВ-Петербург, 2006 (5) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 2 Комплексные числа: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (8) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 2 Комплексные числа: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (8)	30
Итого по разделу 5		30
<b>Раздел 6. Определённый интеграл.</b>		
Решение задач по теме: "Приложения определённого интеграла"	Е. С. Баранова, П. М. Винник, Т. В. Винник. Интегральное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2012 (2, 4) Г. Н. Берман. Сборник задач по курсу математического анализа: СПб.: Профессия, 2005 (6, 7) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 2 Комплексные числа: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (9) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 2 Комплексные числа: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (9)	16
Решение задач по теме: "Несобственный интеграл"	Е. С. Баранова, П. М. Винник, Т. В. Винник. Интегральное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2012 (2, 4) В. Л. Файншмидт. Дифференциальное и интегральное исчисление функций одного аргумента: СПб.: БХВ-Петербург, 2007 (2) Д. Т. Письменный. Конспект лекций по высшей математике: М.: Айрис-пресс, 2006 (8)	4
Итого по разделу 6		20
<b>Раздел 7. Криволинейные интегралы.</b>		
Решение задач по теме: "Криволинейные интегралы I рода"	Г. Н. Берман. Сборник задач по курсу математического анализа: СПб.: Профессия, 2005 (13) Е. С. Баранова, П. М. Винник, Т. В. Винник. Интегральное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2012 (3) Д. Т. Письменный. Конспект лекций по высшей математике: М.: Айрис-пресс, 2006 (12)	5
Решение задач по теме: "Криволинейные интегралы II рода"	А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 3 Ряды: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (14) Е. С. Баранова, П. М. Винник, Т. В. Винник. Интегральное исчисление: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2012 (3) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Ряды: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (14)	5
Итого по разделу 7		10
<b>Раздел 8. Ряды.</b>		
Решение задач на тему: "Ряды"	Г. Н. Берман. Сборник задач по курсу математического анализа: СПб.: Профессия, 2005 (9) Д. Т. Письменный. Конспект лекций по высшей математике: М.: Айрис-пресс, 2006 (13) Е. С. Баранова, А. А. Брацлавский, П. М. Винник. Ряды: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (1, 2, 3) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 3 Ряды: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (12) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 3 Ряды: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (12) В. Л. Файншмидт. Дифференциальное и интегральное исчисление функций одного аргумента: СПб.: БХВ-Петербург, 2007 (3)	16

Итого по разделу 8		16
<b>Раздел 9. Теория функций нескольких переменных.</b>		
Решение задач на тему: "Дифференцирование функций нескольких переменных".	И. С. Нуднер, М. С. Попов, А. А. Тарасов. . Функции нескольких переменных: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (1, 2) Г. Н. Берман. . Сборник задач по курсу математического анализа: СПб.: Профессия, 2005 (10) Я. С. Бугров, С. М. Никольский. Высшая математика. Высшая математика: Москва: Юрайт, 2022 (10) Д. Т. Письменный. . Конспект лекций по высшей математике : М.: Айрис-пресс, 2006 (9) В. Л. Файншмидт. . Дифференциальное и интегральное исчисление функций нескольких аргументов: СПб.: БХВ-Петербург, 2007 (1) В. Л. Файншмидт, П. М. Винник, А. А. Тарасов. . Индивидуальные задания по дифференциальному и интегральному исчислению функций нескольких аргументов: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2010 (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 2 Комплексные числа: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (10) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 2 Комплексные числа: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (10) В. Л. Файншмидт, П. М. Винник, А. А. Тарасов. . Индивидуальные задания по дифференциальному и интегральному исчислению функций нескольких аргументов: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2010 (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12)	20
Итого по разделу 9		20
<b>Раздел 10. Дифференциальные уравнения. Системы дифференциальных уравнений.</b>		
Решение задач на тему: "Дифференциальные уравнения первого порядка".	Я. С. Бугров, С. М. Никольский. . Высшая математика: Москва: Юрайт, 2022 (1) Г. Н. Берман. . Сборник задач по курсу математического анализа: СПб.: Профессия, 2005 (14) А. Ф. Филиппов. Сборник задач по дифференциальным уравнениям: Ижевск: Регулярная и хаотическая динамика, 2005 (1, 2, 3, 4) А. П. Рябушко. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 4 Операционное исчисление: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (17) Е. С. Баранова, Е. А. Исакова, И. С. Нуднер. . Дифференциальные уравнения: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2008 (1, 2, 3)	10
Решение задач на тему: "Дифференциальные уравнения высших порядков".	Д. Т. Письменный. . Конспект лекций по высшей математике : М.: Айрис-пресс, 2006 (10) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 2 Комплексные числа: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (11) П. П. Чернусь, П. П. Чернусь. . Устойчивость по Ляпунову: СПб.: Изд-во БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2022 (1, 2) П. П. Чернусь, П. П. Чернусь. . Основы теории устойчивости: СПб.: Изд-во БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2022 (1, 2) П. П. Чернусь, П. П. Чернусь. . Устойчивость по Ляпунову: СПб.: Изд-во БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2022 (1, 2) А. П. Рябушко. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 4 Операционное исчисление: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (17)	20
Решение задач на тему: "Устойчивость"	П. П. Чернусь, П. П. Чернусь. . Основы теории устойчивости: СПб.: Изд-во БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2022 (1, 2) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 2 Комплексные числа: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (11)	20
Итого по разделу 10		50
<b>Раздел 11. Кратные интегралы.</b>		
Решение задач на тему: "Двойные интегралы"	В. Л. Файншмидт. . Теория поля: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2020 (1, 2) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Ряды: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (13, 14, 15) В. Л. Файншмидт. . Теория поля: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2020 (1, 2) А. П. Рябушко, В. В. Бархатов, В. В. Державец. Индивидуальные задания по высшей математике. Ч. 3 Ряды: БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2007 (13, 14, 15)	12
Решение задач на тему: "Тройные интегралы"	Г. Н. Берман. . Сборник задач по курсу математического анализа: СПб.: Профессия, 2005 (12, 13) Д. Т. Письменный. . Конспект лекций по высшей математике : М.: Айрис-пресс, 2006 (11, 12, 16) Я. С. Бугров, С. М. Никольский. Высшая математика. Высшая математика: Москва: Юрайт, 2022 (2, 3)	12
Решение задач на тему: "Поверхностные интегралы"	В. Л. Файншмидт. . Дифференциальное и интегральное исчисление функций нескольких аргументов: СПб.: БХВ-Петербург, 2007 (3, 4) В. Л. Файншмидт, П. М. Винник, А. А. Тарасов. . Индивидуальные задания по дифференциальному и интегральному исчислению функций нескольких аргументов: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2010 (17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 31)	8
Решение задач на тему: "Теория поля"	В. Л. Файншмидт, П. М. Винник, А. А. Тарасов. . Индивидуальные задания по дифференциальному и интегральному исчислению функций нескольких аргументов: СПб.БГТУ "ВОЕНМЕХ" им. Д. Ф. Устинова, 2010 (17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 31)	10
Итого по разделу 11		42

## ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств, позволяющие оценить результаты обучения по данной дисциплине, включают в себя:

- диагностическая работа
- вопросы/задания по темам ПЗ;
- дифференцированный зачет;
- дифференцированный зачет;
- экзамен.

### Критерии оценивания

#### Диагностическая работа

Диагностическая работа проводится в форме теста в ЭИОС Moodle:

- при правильном ответе менее чем на 60% вопросов - не аттестация;
- при правильном ответе на 60% вопросов и более - аттестация.

#### Вопросы/задания по темам ПЗ

Выполнение контрольных мероприятий по темам практических занятий и самостоятельной работы, которые объявляются в начале семестра с указанием баллов за их выполнение в соответствии с технологической картой курса.

Образцы вопросов и технологические карты для каждого семестра можно найти в УМК дисциплины и ЭИОС Moodle.

#### Дифференцированный зачет

Оценка "зачтено-удовлетворительно" выставляется, если набрано от 51 до 74 баллов в соответствии с технологической картой курса.

Оценка "зачтено-хорошо" выставляется, если набрано от 75 до 84 баллов в соответствии с технологической картой курса.

Оценка "зачтено-отлично" выставляется, если набрано от 85 баллов в соответствии с технологической картой курса.

#### Дифференцированный зачет

Оценка "зачтено-удовлетворительно" выставляется, если набрано от 51 до 74 баллов в соответствии с технологической картой курса.

Оценка "зачтено-хорошо" выставляется, если набрано от 75 до 84 баллов в соответствии с технологической картой курса.

Оценка "зачтено-отлично" выставляется, если набрано от 85 баллов в соответствии с технологической картой курса.

#### Экзамен

Оценка "удовлетворительно" выставляется, если набрано от 51 до 74 баллов в соответствии с технологической картой курса.

Оценка "хорошо" выставляется, если набрано от 75 до 84 баллов в соответствии с технологической картой курса.

Оценка "отлично" выставляется, если в сумме за работу в семестре и экзамен набрано 85 и более баллов. Количество набранных баллов на экзамене варьируется от 0 до 16.

КУРС	СЕМЕСТР	Наименование разделов и дидактических единиц	ВСЕГО	Аудиторные занятия в контактной форме			Самостоятельная работа студентов	Формируемая компетенция, %	НАИМЕНОВАНИЕ ОЦЕНОЧНОГО СРЕДСТВА
				ВСЕГО	Лекции	Практические занятия		ОПК-1	
1	1	Раздел 1. Элементы математической логики и теории множеств. Вещественные числа. Матрицы.	19	7	2	5	12	5	Вопросы/ задания по темам ПЗ
1	1	Раздел 2. Функции от одной вещественной переменной. Решение систем линейных уравнений.	22	10	2	8	12	5	Вопросы/ задания по темам ПЗ
1	1	Раздел 3. Теория пределов. Непрерывные функции. Системы линейных уравнений.	40	24	12	12	16	10	Вопросы/ задания по темам ПЗ
1	1	Раздел 4. Производные и дифференциалы. Аналитическая геометрия.	99	61	18	43	38	10	Вопросы/ задания по темам ПЗ
Всего за 1 семестр			180	102	34	68	78	30	
1	2	Раздел 5. Неопределённый интеграл и его свойства.	50	20	8	12	30	10	Вопросы/ задания по темам ПЗ
1	2	Раздел 6. Определённый интеграл.	40	20	10	10	20	10	Вопросы/ задания по темам ПЗ
1	2	Раздел 7. Криволинейные интегралы.	18	8	4	4	10	10	Вопросы/ задания по темам ПЗ
1	2	Раздел 8. Ряды.	36	20	12	8	16	10	Вопросы/ задания по темам ПЗ
Всего за 2 семестр			144	68	34	34	76	40	
2	3	Раздел 9. Теория функций нескольких переменных.	38	18	8	10	20	10	Вопросы/ задания по темам ПЗ
2	3	Раздел 10. Дифференциальные уравнения. Системы дифференциальных уравнений.	80	30	18	12	50	10	Вопросы/ задания по темам ПЗ
2	3	Раздел 11. Кратные интегралы.	62	20	8	12	42	10	Вопросы/ задания по темам ПЗ
Всего за 3 семестр			180	68	34	34	112	30	
Всего по дисциплине			504	238	102	136	266	100	

# Критерии оценивания

## ОПК-1

Вопросы открытого типа:

№ 1



№ 2

Определитель матрицы  $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 6 & 2 \end{pmatrix}$  равен

№ 3

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^8 + 8x + 5}{x^{11} + 4} = ?$$

№ 4

Чему равен определитель  $\begin{vmatrix} 2 & -2 & 0 \\ 2 & 3 & 0 \\ 1 & 2 & 3 \end{vmatrix}$ ?

№ 5

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^x - 1}{x} = ?$$

№ 6

Чему равна обратная матрица для матрицы  $\begin{pmatrix} -3 & 5 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$ ?

№ 7

Для какой степенной функции  $y^{(n)}$  постоянна (const.)?

№ 8

Даны векторы  $\vec{a} = \{1; 2; 1\}$ ,  $\vec{b} = \{-4; 4; -4\}$ ,  $\vec{c} = \{-2; -4; -2\}$  и  $\vec{d} = \{-2; 1; 2\}$ . Какие из них являются ортогональными?

№ 9

В какой точке касательная к кривой  $y = (x-1)^2 + 1$  параллельна оси абсцисс?

№ 10

При каком значении углового коэффициента  $k$  прямая  $y=kx+2$  перпендикулярна прямой  $x-2y+5=0$ ?

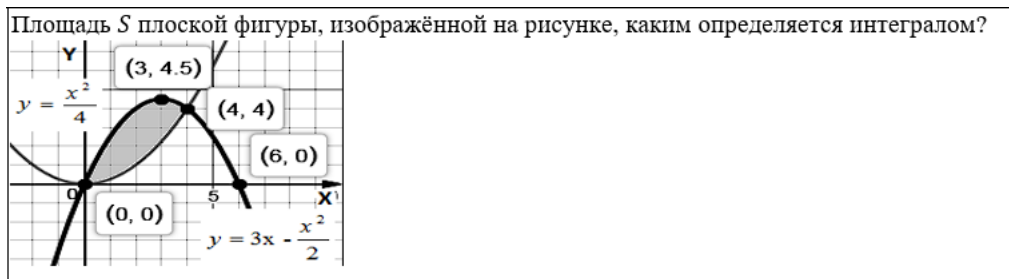
№ 11

Какая тригонометрическая подстановка применима при решении данного интеграла  $\int \frac{x dx}{\sqrt{x^2+7}}$

№ 12

Вычислите определённый интеграл  $\int_{-1}^1 x^2 \sin x dx$

№ 13



№ 14

К какому определенному интегралу будет сведён криволинейный интеграл  $\int_L xdy + ydx$  по кривой  $L: y = x^2$  от точки  $A(0, 0)$  до точки  $B(2, 4)$

№ 15

Для определения сходимости числового ряда по признаку Даламбера вычисляется  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = D$

Чему равен параметр  $D$  для положительного числового ряда  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2+1}{3n^2+2n+10}$

№ 16

Для определения сходимости числового ряда по признаку Коши вычисляется предел:

$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = L$ . Чему равен параметр  $L$  для положительного числового ряда  $\sum_{n=1}^{+\infty} \left( \frac{n^2}{n^4+n^2+2} \right)^{2n}$

№ 17

Для определения сходимости числового ряда по признаку Даламбера вычисляется  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = D$ .

Чему равен параметр  $D$  для положительного числового ряда  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{n!}$

№ 18

Если  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = L$ , то при каком  $L$  положительный числовой ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  сходится?

№ 19

Если  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = D$ , то при каком  $D$  положительный числовой ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  сходится?

№ 20

При каком  $P$  обобщённый гармонический ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+2)^P}$  сходится?

№ 21

Найти разность  $\frac{dz}{dx} - \frac{\partial z}{\partial x}$ , если  $z = \arcsin \frac{x}{y}$ ,  $y = \sqrt{x^2 + 1}$  в точке  $A(1, \sqrt{2})$

№ 22

Найдите общее решение уравнения  $(x+1)dy + y^2dx = 0$

№ 23

Найдите частные решения уравнения  $(x+1)dy + y^2dx = 0$

№ 24

Найти частное решение дифференциального уравнения  $y' + 2y = 4$ , удовлетворяющее начальному условию  $y(0) = 5$

№ 25

Найдите общее решение дифференциального уравнения  $y'' - 4y = 0$

№ 26

Укажите вид общего решения дифференциального уравнения

$y'' + p_1 y' + p_2 y = 2x e^x$  если известны корни характеристического уравнения  $\lambda_1 = \lambda_2 = 1$ .

№ 27

Составьте дифференциальное уравнение, для которого фундаментальная система решений имеет вид:  $y_1(x) = c_1 e^{5x}$ ,  $y_2(x) = c_2 e^{5x} x$

№ 28

Вычислите, перейдя к цилиндрической системе координат, объем параболоида, ограниченного поверхностями  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = 4$

№ 29

Используя теорему Остроградского-Гаусса, вычислите поверхностный интеграл:

$$\oiint_{S_+} yz dydz + xz dzdx + xy dx dy$$

$$S_+: (x-2)^2 + (y+3)^2 + (z-5)^2 = 1$$

№ 30

Найти дивергенцию векторного поля

$$\vec{F} = e^x \vec{i} + \cos y \vec{j} + zy \vec{k}$$

Вопросы закрытого типа:

№ 1

Для какой из следующих функций областью определения является интервал  $(0; +$

1	$y = 2^x$
2	$y = \log_{\left(\frac{1}{2}\right)}(x)$
3	$y = \arctg(x)$
4	$y = \arcsin(x)$

№ 2

Даны матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 3 \end{pmatrix},$$

$$B = \begin{pmatrix} 4 & 9 & 6 \end{pmatrix},$$

$$C = \begin{pmatrix} 3 & -3 & 0 \end{pmatrix}.$$

Какая сумма не существует? Укажите номер правильного ответа.

1.	$B^T + C^T$
2.	$A^T + B^T$
3.	$A + C$
4.	$A^T + C$

№ 3

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 + 4x + 5}{x} = ?$$

1	2
2	$\infty$
3	5
4	0

№ 4

Чему равен определитель  $\begin{vmatrix} 5 & -2 & 0 \\ 2 & 3 & 0 \\ 1 & 2 & 3 \end{vmatrix}$ ?

Укажите номер правильного ответа.

1.	57
2.	-57
3.	-29
4.	29

№ 5

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{x} = ?$$

1	1
2	5
3	1/5
4	0

№ 6

Выберите матрицу, для которой существует обратная. Укажите номер правильного ответа.

1	$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -2 & -4 \end{pmatrix}$
2	$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
3	$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$
4	$\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 3 & 6 \end{pmatrix}$

№ 7

Какая из приведенных функций является неявно заданной?

1	$y = \sqrt{x}$
2	$y \ln y = x + 1$
3	$y = (\sin x)^{\frac{1}{x}}$
4	$y = -x - 1$

№ 8

Даны векторы  $\vec{a} = \{1; 2; 1\}$ ,  $\vec{b} = \{-2; 4; 2\}$ ,  $\vec{c} = \{-2; -4; -2\}$  и  $\vec{d} = \{-2; 1; 2\}$ . Какие из них являются коллинеарными?

Укажите номер правильного ответа.

1.	$\vec{a}$ и $\vec{b}$
2.	$\vec{b}$ и $\vec{c}$
3.	$\vec{b}$ и $\vec{d}$
4.	$\vec{a}$ и $\vec{c}$

№ 9

Найти точку максимума функции  $y = 2x^3 - 3x^2$ .

1	$x=6$
2	$x=1$
3	$x=0$
4	$x=-1$

№ 10

При каком значении углового коэффициента  $k$  прямая  $y=kx+2$  параллельна прямой  $x-2y+5=0$ .

Укажите номер правильного ответа.

1.	0,5
2.	2
3.	-2
4.	-0,5

№ 11

На сумму каких простейших дробей раскладывается данная правильная рациональная дробь  $f(x) = \frac{1}{x^2+3x-4}$ . Указать номер правильного ответа.

1	$f(x) = \frac{A}{x+2} + \frac{B}{x+3}$
2	$f(x) = \frac{A}{x} + \frac{B}{x^2+1}$
3	$f(x) = \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x+4}$
4	$f(x) = \frac{A}{x-3} + \frac{B}{x+5}$

№ 12

Установить соответствие между функциями  $f(x)$  и их первообразными  $F(x)$ :

A.  $f(x) = x^2 + 3$ ; Б.  $f(x) = e^{-3x}$ ; В.  $f(x) = e^{-\frac{x}{2}}$ ; Г.  $f(x) = x^3 + 3$

1.  $F(x) = -\frac{1}{3}e^{-3x}$ ; 2.  $F(x) = \frac{1}{3}x^3 + 3x$ ; 3.  $F(x) = -3e^{-\frac{x}{2}}$ ; 4.  $F(x) = \frac{1}{4}x^4 + 3x$ .

№ 13

Указать, какие интегралы являются неберущимися:

1.	$\int x e^{x^2} dx$
2.	$\int e^{-3x^2} dx$
3.	$\int x^2 e^{5x^3} dx$
4.	$\int x e^{5x^4} dx$

№ 14

Указать метод вычисления данного интеграла:  $\int (x+1)e^{-2x} dx$ . Указать номер правильного ответа.

1	Интегрирование по частям $\int u dv = uv - \int v du$
2	Замена переменной
3	Разложение на слагаемые
4	Подведение под знак дифференциала

№ 15

Указать несобственные интегралы от разрывной функции:

1	$\int_1^2 \frac{dx}{(x-2)^3}$
2	$\int_1^2 (x-2)^3 dx$
3	$\int_0^3 \frac{dx}{x}$
4	$\int_0^3 (3x^2 + 1) dx$

№ 16

Пусть дан криволинейный интеграл 2-го рода А, где L – дуга кривой Б от точки А (0; 0) до точки В (2; 4). Для вычисления этого интеграла нужно свести его к определенному интегралу В, упростив, привести его к виду Г и вычислить.

Установите соответствие утверждениями и высказыванием.

1	$\int_L y dx + (y - x) dx$
2	$y = x^2$
3	$\int_0^2 x^2 dx + (x^2 - x) 2x dx$
4	$\int_0^2 (2x^3 - x^2) dx$

№ 17

Указать числовые ряды, сходящиеся по признаку Лейбница:

1.	$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n}$
2.	$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} n^2}{n+1}$
3.	$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n+1}$
4.	$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n^3 + 3}$

№ 18

Указать при каких значениях  $L$  положительный числовой ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  сходится, если  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = L$ :

1	$L = 2$
2	$L = \frac{1}{2}$
3	$L = \frac{1}{4}$
4	$L = 3$

№ 19

Установить соответствие между рядами и их общими членами:

А.  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 1 - \frac{1}{4} + \frac{1}{9} - \frac{1}{16} + \dots$

Б.  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = \frac{1}{2} + \frac{2}{5} + \frac{3}{10} + \frac{4}{17} + \dots$

В.  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = \frac{1}{2} - \frac{4}{9} + \frac{9}{28} - \frac{16}{65} + \dots$

Г.  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n = \frac{1}{2} + \frac{3}{7} + \frac{1}{3} + \frac{5}{19} + \dots$

1.  $\frac{(-1)^{n+1}}{n^2}$ ;    2.  $\frac{(-1)^{n+1} n^2}{n^2+1}$ ;    3.  $\frac{n}{n^2+1}$ ;    4.  $\frac{n+1}{n^2+3}$

№ 20

Если  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = D$ , то при каком  $D$  положительный числовой ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  сходится? Указать

номер правильного ответа.

1	$D = 1/2$
2	$D = 2$
3	$D = 4$
4	$D = 3$

№ 21

Для функции  $z = xy - y$  частная производная  $\frac{\partial z}{\partial y}$  равна:

Указать номер правильного ответа.

1	$-1$
2	$x - 1$
3	$1$
4	$x$

№ 22

Уравнение касательной плоскости к поверхности  $z = f(x, y)$  в точке

$M(x_0, y_0, z_0)$  определяется по формуле, где  $\frac{\partial f_0}{\partial x} = \frac{\partial f(x_0, y_0, z_0)}{\partial x}$ :

1	$z - z_0 = \frac{\partial f_0}{\partial x}(x - x_0)$
2	$z - z_0 = \frac{\partial f_0}{\partial x}(x - x_0) + \frac{\partial f_0}{\partial y}(y - y_0)$
3	$y - y_0 = \frac{\partial f_0}{\partial x}(x - x_0) + \frac{\partial f_0}{\partial y}(y - y_0)$
4	$\frac{x - x_0}{\frac{\partial f_0}{\partial x} _M} = \frac{y - y_0}{\frac{\partial f_0}{\partial y} _M} = \frac{z - z_0}{\frac{\partial f_0}{\partial z} _M}$

№ 23

Смешанная производная функции  $z = xy(x + y - 2)$  имеет вид:

1	$x + y - 2$
2	$2x + 2y - 2$
3	$2xy$
4	$(x + y)(x + y - 2)$

№ 24

Градиент функции  $u = 5x^2y - 3y^2z + 2z^2x$  в точке  $M(1, -1, 2)$  имеет координаты:

1	$\overrightarrow{gradu} = \{1; -3; 5\}$
2	$\overrightarrow{gradu} = \{3; -3; 6\}$
3	$\overrightarrow{gradu} = \{11; -13; 5\}$
4	$\overrightarrow{gradu} = \{-2; 17; 5\}$

№ 25

Определить наличие и тип экстремума функции  $z = 6x - x^2 + 2y - y^2$  в точке  $A = (3; 1)$ . Указать номер правильного ответа.

1	Минимум
2	Максимум
3	Нет экстремума
4	Требуется дополнительное исследование

№ 26

Установить соответствие между углами, под которыми изоклину дифференциального уравнения  $y' = x^2 + y^2$  пересекают интегральные кривые

1)  $45^\circ$ , 2)  $30^\circ$ , 3)  $0^\circ$ , 4)  $60^\circ$ .

А)  $x^2 + y^2 = 0$ , Б)  $x^2 + y^2 = 1$ , В)  $x^2 + y^2 = \sqrt{3}$ , Г)  $x^2 + y^2 = \frac{1}{\sqrt{3}}$

№ 27

Среди перечисленных дифференциальных уравнений укажите уравнения в полных дифференциалах

1	$(x^2 + y^2 + 2x)dx + 2xydy = 0$
2	$(x - y^2)dx + 2xydy = 0$
3	$(x^2 + y)dx + (x + 1)dy = 0$
4	$(xy^2 + x)dx - (yx^2 + y)dy = 0$

№ 28

Если плотность  $\gamma = x + y + z$ , то масса пирамиды, ограниченной координатными плоскостями и плоскостью  $x + y + z = 4$  равна:

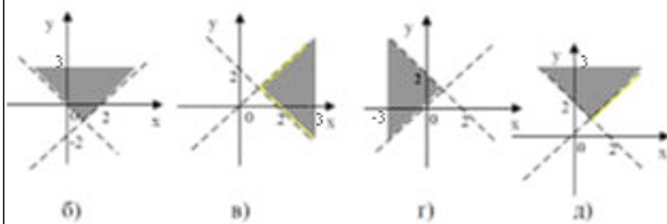
1	$\int_0^4 dx \int_0^{4-x} dy \int_0^{4-x-y} (x + y + z) dz$
2	$\int_0^4 dx \int_0^4 dy \int_0^4 (x + y + z) dz$
3	$\int_0^4 dx \int_0^{4-x} dy \int_0^{4-x-y} 4 dz$
4	$\int_0^4 dx \int_0^{4-x} dy \int_0^{4-x-y} (x + y) dz$

№ 29

Среднее интегральное значение функции  $T(r, \theta, \varphi)$  определённой в области  $V: a \leq r \leq b, 0 \leq \theta \leq \pi, 0 \leq \varphi \leq 2\pi$ , где  $r, \theta, \varphi$  - сферические координаты, равно

1	$\frac{1}{V} \int_0^{2\pi} d\varphi \int_0^\pi \sin \theta d\theta \int_a^b Tr^2 dr$
2	$\frac{1}{V} \int_0^{2\pi} d\varphi \int_0^\pi \sin \theta d\theta \int_a^b Tr dr$
3	$\frac{1}{V} \int_0^{2\pi} d\varphi \int_0^\pi d\theta \int_a^b Tr^2 dr$
4	$\frac{1}{V} \int_0^{2\pi} d\varphi \int_0^\pi \sin^2 \theta d\theta \int_a^b Tr dr$

На каком из рисунков изображена область интегрирования  $D$  соответствующая интегралу  $\int_1^3 dx \int_{2-x}^x f(x, y) dy$



Указать номер правильного ответа.